

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رُشته: ریاضی و فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۲۳ / ۳ / ۱۳۸۶			سال سوم آموزش متوسطه
اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی			دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فویت دوم (خرداد ماه) سال ۱۳۸۶

ردیف	نمره	سوالات
------	------	--------

۱		با استفاده از استدلال استنتاجی نشان دهید که حاصل ضرب سه عدد زوج متوالی مضرب ۸ است.	۱
۱/۵		برای هر عدد طبیعی n با استفاده از اصل استقراء ثابت کنید: $1 - 4n - 5^n$ بر عدد ۱۶ بخش پذیر است.	۲
۱		می دانیم $\sqrt{5}$ گنگ است با استفاده از برهان خلف ثابت کنید عدد $\sqrt[3]{2} + \sqrt{5}$ نیز گنگ است.	۳
۱		$x^2 + y^2 + 1 \geq xy + x + y$ به روش بازگشتی ثابت کنید:	۴
۱	$\frac{\sqrt{2}}{3}$	درویں یک مربع به ضلع واحد، ۱۰ نقطه انتخاب می کنیم ثابت کنید حداقل فاصله دو نقطه از ده نقطه کمتر از $\frac{\sqrt{2}}{3}$ است.	۵
۱/۵		$B = \left\{ x \mid x \in \mathbb{N}, x^2 < 10 \right\}$ و $A = \left\{ k \mid k \in \mathbb{N}, k \leq 2 \right\}$ (الف) عضوهای مجموعه $A^2 - B^2$ را مشخص کنید. (ب) $A^2 - B^2$ چند زیر مجموعه دارد؟	۶
۱		$A - (B \cap C \cap D) = (A - B) \cup (A - C) \cup (A - D)$ به کمک جبر مجموعه ها ثابت کنید:	۷
۱		تمام افرازهای مجموعه $A = \{a, b, c\}$ را بنویسید.	۸
۲		$(a, b)R(c, d) \Leftrightarrow \frac{a}{b^2} = \frac{c}{d^2}$ رابطه R در $\mathbb{Z}^2 - \{(0, 0)\}$ به صورت مقابل تعریف شده است: (الف) نشان دهید R یک رابطه هم ارزی است. (ب) کلاس هم ارزی $[(1, -3)]$ را تعیین کنید.	۹
۲		یک سکه را ۳ بار می اندازیم مطلوبست تعیین: (الف) فضای نمونه ای (ب) پیشامد A که در آن لاقل ۲ بار رو بیاید. (ج) پیشامد B که در آن هر سه بار سکه به یک طرف ظاهر شود. (د) $A \Delta B$	۱۰
		«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

با اسمه تعالی

سال سوم آموزش متوسطه	رشته: ریاضی و احتمال	ساعت شروع: ۸ صبح مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دوم (خرداد ماه) سال ۱۳۸۶	اداره کل سنجش و ارزشسنجی تحصیلی	تاریخ امتحان: ۲۳ / ۳ / ۱۳۸۶
ردیف	نمره	نمره
۱۱	از بین ۴ کارمند ۲ تکنسین و ۳ کارگر، کمیته‌ای ۵ نفره تشکیل می‌دهیم. مطلوب است احتمال آنکه: الف) در کمیته کارگری وجود نداشته باشد. ب) در کمیته حد اکثر یک کارمند وجود داشته باشد.	۱/۷۵

۱۲	از مجموعه اعداد $\{1, 2, \dots, 10\}$ عددی به تصادف انتخاب می‌کنیم. احتمال اینکه عدد انتخابی برابر ۳ یا برابر ۷ باشد چقدر است؟	۱/۵
۱۳	اگر $p\{a, b, c\} = \frac{1}{3}$ و $p\{a, b, d\} = \frac{2}{3}$ و $S = \{a, b, c, d\}$ آنگاه $p\{a, b\}$ را بدست آورید.	۱/۲۵
۱۴	فرض کنیم دو قطعه چوب داریم که طولهای آنها به ترتیب $1\frac{1}{5}$ متر باشد. قطعه بزرگتر را با اره دو قسمت می‌کنیم که در نتیجه سه قطعه چوب حاصل می‌شود، احتمال اینکه سه قطعه چوب تشکیل یک مثلث بدهند چقدر است؟	۱/۵
۱۵	اگر A و B دو پیشامد از فضای نمونه S باشند ثابت کنید:	$P(A \cap B) \geq P(A) + P(B) - 1$
۲۰	«موفق باشید»	جمع نمره