

باسمه تعالی

راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهائی درس: جبر و احتمال	رشته: ریاضی- فیزیک
سال سوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۱ / ۳ / ۱۳۸۷
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت (خردادماه) سال تحصیلی ۸۷-۱۳۸۶	اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	$x = 2k + 1$ $x^3 + 1 = (2k + 1)^3 + 1 = 8k^3 + 12k^2 + 6k + 1 + 1 = 2(4k^3 + 6k^2 + 3k + 1) = 2t$ <small>(۰/۲۵)</small>	۰/۲۵
۲	$P(1): P_1 = 11^1 - 1 = 10 = 1 \cdot (1)$ <small>(۰/۲۵)</small> $P(k): P_k = 11^k - 1 = 10 \cdot t$ فرض <small>(۰/۲۵)</small> $P(k+1): P_{k+1} = 11^{k+1} - 1 = 10 \cdot t'$ حکم <small>(۰/۲۵)</small> طرفین فرض را در عدد ۱۱ ضرب می کنیم <small>(۰/۲۵)</small> $11^{k+1} - 11 = 10 \cdot (11t)$ $11^{k+1} - 1 - 10 = 10 \cdot (11t)$ <small>(۰/۵)</small> $11^{k+1} - 1 = 10 \cdot (11t + 1)$ حکم ثابت شد.	۱/۵
۳	$\frac{\sqrt{b} + \sqrt{a}}{\sqrt{ab}} \geq \frac{4}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$ <small>(۰/۲۵)</small> $\Rightarrow (\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 \geq 4\sqrt{ab} \Rightarrow a + b + 2\sqrt{ab} \geq 4\sqrt{ab} \Rightarrow a + b - 2\sqrt{ab} \geq 0 \Rightarrow (\sqrt{a} - \sqrt{b})^2 \geq 0$ <small>(۰/۲۵)</small>	۱
۴	$\frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{3}} \notin Q' \rightarrow \frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{3}} \in Q \rightarrow \frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{3}} = a \rightarrow \sqrt{7} + \sqrt{3} = \frac{1}{a}$ <small>(۰/۲۵)</small> $\sqrt{7} = \frac{1}{a} - \sqrt{3} \rightarrow \sqrt{7} = \frac{1}{a^2} + 3 - \frac{2}{a}\sqrt{3} \rightarrow \frac{2}{a}\sqrt{3} = \frac{1}{a^2} - 4$ <small>(۰/۲۵)</small> گویا گنگ به تناقض رسیدیم پس $\frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{3}}$ عدد گنگ است	۱
۵	$m = 50$ کیوتر $n = 3$ لانه (رشته ها) <small>(۰/۲۵)</small> $50 = 3 \times 16 + 2$ <small>(۰/۲۵)</small> حد اقل هم رشته اند $16 + 1 = 17$ $m = 17$ کیوتر $n = 4$ لانه (شهرها) <small>(۰/۲۵)</small> $17 = 4 \times 4 + 1$ <small>(۰/۲۵)</small> حد اقل هم شهری اند $4 + 1 = 5$ طبق اصل لانه ی کیوتری حد اقل ۵ نفر هم رشته و هم شهری هستند <small>(۰/۲۵)</small> (روش دوم) $m = 50$ کیوتر $n = 3 \times 4 = 12$ لانه <small>(۰/۵)</small> $50 = 4 \times 12 + 2$ <small>(۰/۵)</small> $4 + 1 = 5$ طبق اصل لانه ی کیوتری حد اقل ۵ نفر هم رشته و هم شهری هستند <small>(۰/۲۵)</small> شهر رشته	۱/۲۵
« ادامه در صفحه دوم »		

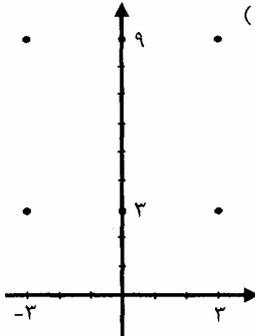
باسمه تعالی

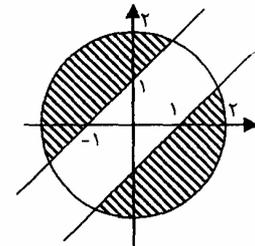
رشته : ریاضی - فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهائی درس : جبر و احتمال
تاریخ امتحان : ۱۳۸۷ / ۳ / ۱۱	سال سوم متوسطه
اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت (خردادماه) سال تحصیلی ۱۳۸۶-۸۷

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۶	$(A \cap B) - (A \cap C) = (A \cap B) \cap (A \cap C)' = (A \cap B) \cap (A' \cup C') =$ $B \cap [(A \cap A') \cup (A \cap C')] = B \cap [\emptyset \cup (A \cap C')] = B \cap (A \cap C') =$ $A \cap (B \cap C') = A \cap (B - C)$	۱/۵
---	---	-----

۷	$xRx \rightarrow xx > 0 \rightarrow x^2 > 0$ بدیهی (بازتابی) (۰/۲۵) $xRy \rightarrow xy > 0 \rightarrow yx > 0 \rightarrow yRx$ (تقارنی) (۰/۲۵) $\left\{ \begin{array}{l} xRy \\ yRz \end{array} \right. \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} xy > 0 \\ yz > 0 \end{array} \right. \rightarrow y^2(xz) > 0 \rightarrow xz > 0 \rightarrow xRz$ (تراییبی) (۰/۵) پس R هم ارزی است (۰/۵) $xR(-2) \rightarrow (-2)X > 0 \rightarrow X < 0$ (تمام اعداد حقیقی منفی) (۰/۵)	۱/۵
---	--	-----

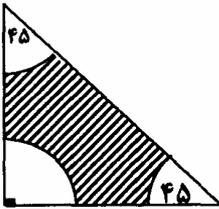
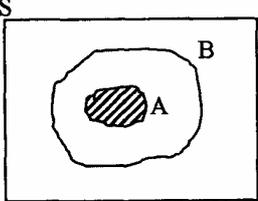
۸	$A = \{3, 9\}$ (۰/۲۵) $B = \{-3, 0, 3\}$ (۰/۲۵) $B \times A = \{(-3, 3), (-3, 9), (0, 3), (0, 9), (3, 3), (3, 9)\}$ (۰/۵)	شکل (۰/۲۵) 	۱/۲۵
---	---	---	------

۹	$x - y \geq 1 \quad x - y = 1$ $\frac{x}{y} \left \begin{array}{c} 0 \\ -1 \end{array} \right. \begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array}$ (۰/۲۵) $x - y \leq -1 \quad x - y = -1$ $\frac{x}{y} \left \begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array} \right. \begin{array}{c} -1 \\ 0 \end{array}$ (۰/۲۵)		۱/۲۵
---	--	---	------

۱۰	$n(s) = 6 \times 6 = 36$ (۰/۲۵) $A = \{(2, 6), (3, 5), (4, 4), (5, 3), (6, 2)\}$ (۰/۵) $B = \{(3, 5), (5, 3), (5, 6), (6, 5)\}$ (۰/۷۵) $A - B = \{(2, 6), (4, 4), (6, 2)\}$ (۰/۵)	۲
----	--	---

باسمه تعالی

راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهائی درس: جبر و احتمال	رشته: ریاضی-فیزیک
سال سوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۱ / ۳ / ۱۳۸۷
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت (خردادماه) سال تحصیلی ۸۷-۱۳۸۶	اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	$p(A) = \frac{7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3}{7^5} = \frac{360}{2401} \quad (1)$	۱
۱۲	$P(a) = 3p(b)$ $p(b) = \frac{1}{2}p(c) \rightarrow p(c) = 2p(b) \quad (0/5)$ $p(c) = p(d)$ $p(b) = w$ $p(a) + p(b) + p(c) + p(d) = 1 \quad (0/25) \quad 3w + w + 2w + 2w = 1 \rightarrow w = \frac{1}{8} \quad (0/5)$ $p(a) + p(d) = 3w + 2w = 5w = \frac{5}{8} \quad (0/25)$	۱/۵
۱۳	$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \quad (0/25) \quad 0/96 = 0/85 + P(B) - 0/4 \quad (0/25)$ $P(B) = 0/51 \quad (0/25)$ $P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = 0/85 - 0/4 = 0/45 \quad (0/5) \quad \text{فقط یخچال}$	۱/۲۵
۱۴	$P(A) = \frac{\binom{5}{1}\binom{7}{2} + \binom{5}{2}\binom{7}{1}}{\binom{12}{3}} = \frac{5 \times 21 + 10 \times 7}{220} = \frac{175}{220} = \frac{35}{44} \quad (0/5)$	۱
۱۵	<p>از مساحت مثلث مساحت نیم دایره کم می شود (0/25)</p> $a_s = \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = \frac{9}{2} \quad (0/25)$ $a_A = \frac{9}{2} - \frac{1}{2} \times \pi \times 1^2 = \frac{9 - \pi}{2} \quad (0/25)$ $P(A) = \frac{a_A}{a_s} = \frac{\frac{9 - \pi}{2}}{\frac{9}{2}} = \frac{9 - \pi}{9} \quad (0/5)$  <p>شکل (0/25)</p>	۱/۵
۱۶	<p>می دانیم که $B = (B - A) \cup A$ و با استفاده از شکل (0/25)</p> <p>مجموعه های A و $B - A$ از هم جدا هستند بنابراین داریم</p> $P(B) = P(B - A) + P(A) \quad (0/25)$ $P(B - A) = P(B) - P(A) \quad (0/25)$ 	0/۷۵
	جمع نمره	۲۰

همکاران گرامی لطفاً برای پاسخ های صحیح دیگر نیز نمره‌ی مناسب منظور گردد.

سایت اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی وزارت آموزش و پرورش به آدرس: <http://aee.medu.ir> تنها سایت مرجع سؤالات و رهنمای آن در کشور و همچنین پاسخگویی به سؤالات دانش آموزان در خصوص امتحانات می باشد.